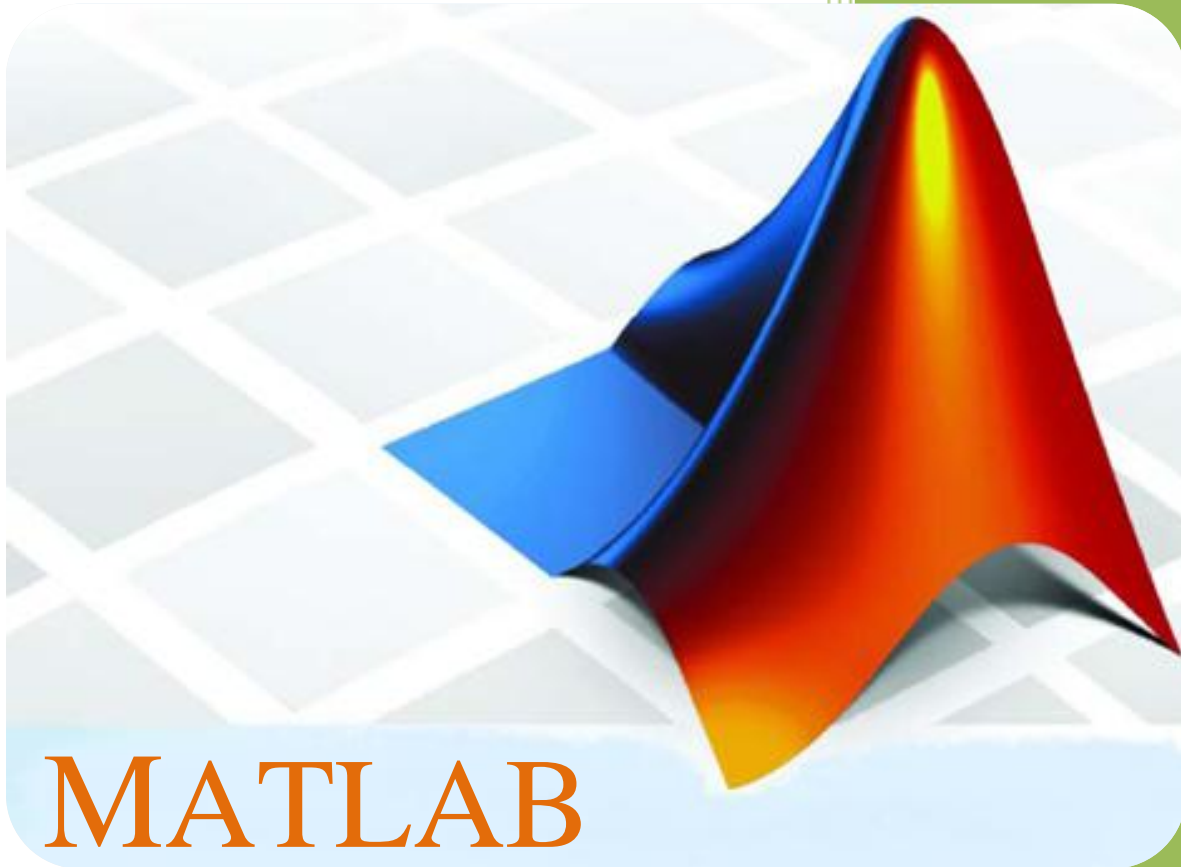


# آموزش نرد افزار MATLAB



تهیه کننده:

مهندس عباس محمدی

# فصل اول:

معرفی و آشنایی با ویژگی های نرم افزار

**MATLAB**

## مقدمه

MATLAB نرم افزاری است مناسب برای کسانی که با محاسبات عددی سر و کار دارند. نام این نرم افزار از عبارت **MATrix LABoratory** به معنی آزمایشگاه ماتریس اقتباس شده و هدف اولیه آن قادر ساختن مهندسیین و دانشمندان به حل مسائل شامل عملیات ماتریسی بدون نیاز به نوشتن برنامه در زبانهای متداول همچون C و Fortran بود. با گذشت زمان قابلیت‌های بسیار بیشتری به این نرم افزار افزوده شده است بطوری که در حال حاضر MATLAB به ابزار پر قدرتی برای ترسیم داده ها، برنامه نویسی و انجام محاسبات مهندسی و پژوهشی تبدیل شده است.

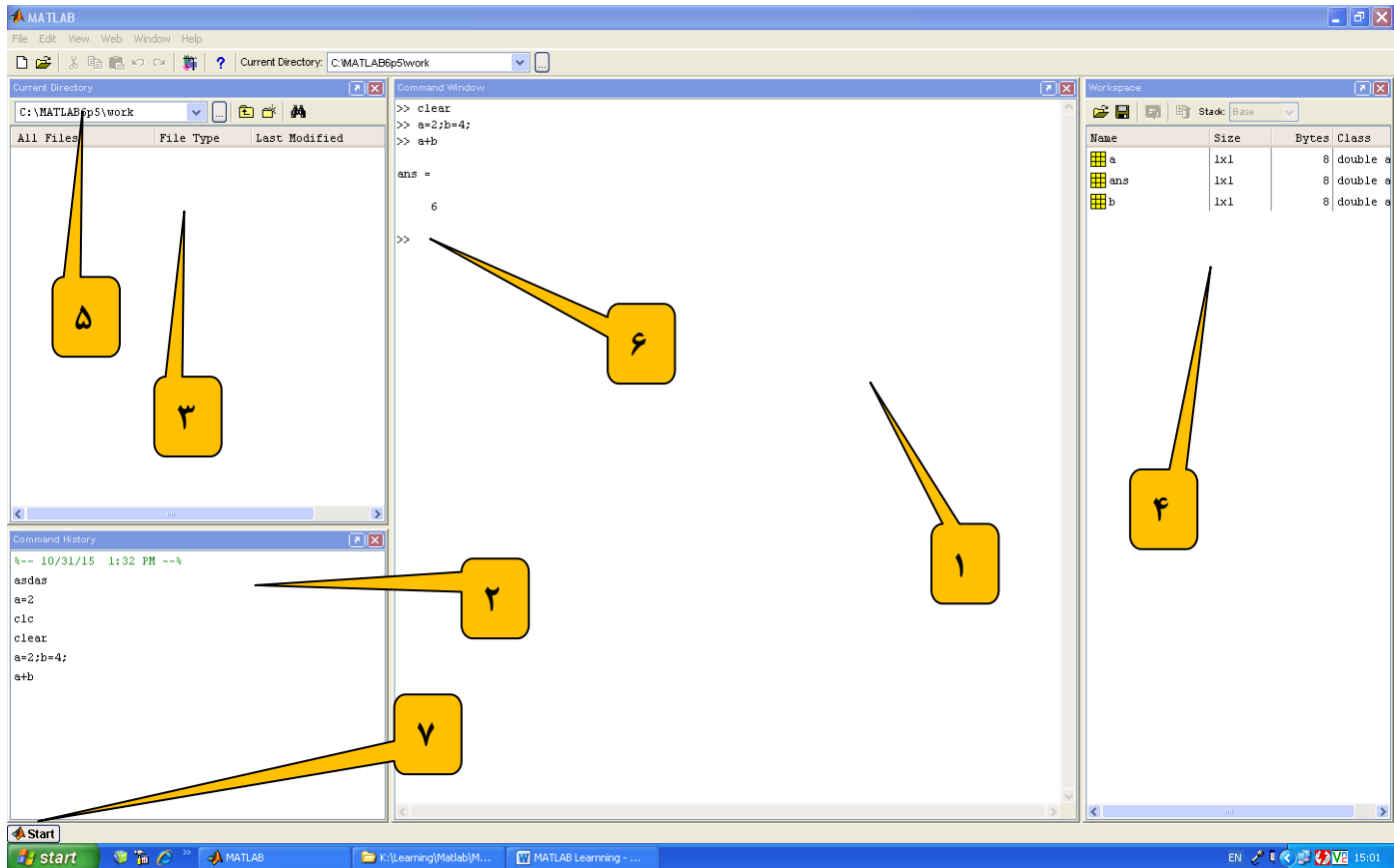
اولین نسخه از نرم افزار متلب توسط آقای مولر که رئیس دانشگاه نیومکزیکو بود در سال ۱۹۷۰ ارائه شد. ایشان قصد داشتند با ایجاد یک نرم افزار محاسباتی مبتنی بر ماتریس و آرایه به دانشجویان خود کمک نماید.

شرکت Math Work در سال ۱۹۸۴ تاسیس شد و اولین نسخه رسمی متلب توسط این شرکت به بازار ارائه شد.

## ۱-۱- آشنایی با محیط MATLAB

پس از نصب متلب، از مسیر زیر می توان این نرم افزار را اجرا نمود:

Start > All Programs > MATLAB > R2009a > MATLAB 2009a



۱- پنجره فرمان : Command window

۲- پنجره تاریخچه دستورات: Command History

۳- پنجره دایرکتوری جاری : Current Directory

۴- پنجره فضای کاری : Work Space

۵- دایرکتوری جاری : Current Folder

۶- خط فرمان : Command Line

۷- دکمه استارت(امکانات جانبی و پیشرفته): Start

۸- دکمه سیولینک(محیط شبیه سازی): Simulink

## ۱-۲- قواعد نامگذاری متغیرها

- در نامگذاری یک متغیر بین حروف کوچک و بزرگ در متلب تفاوت وجود دارد
- نام متغیر با حروف الفبا باید شروع شود
- کاراکترهای مجاز: حروف الفبا، اعداد، زیرخط ( \_ ) و ...
- حداکثر طول نام: با استفاده از تابع `namelengthmax` در هر نسخه از `MATLAB` می‌تواند تعیین شود. در نسخه ۲۰۰۶، حداکثر ۶۳ کاراکتر است.

مثال:

```
>>This_Is_a_Variable=5;
>>a=2;b=3;ali=12;str123='ali'
```

## ۱-۳- عملیات ریاضی پایه

مثال: محاسبه یک عبارت:

راه اول:

```
>> 4*25 + 6*22 + 2*99
```

```
ans=
```

```
430
```

راه دوم:

```
>>a=25;
```

```
>>b=22; c=99;
```

```
>>d=4*a+6*b+2*c
```

```
d=
```

```
430
```

۱-۴- عملگرهای ریاضی متلب:

مثال	عملکرد	تابع
$3^2=9$		توان ^
$3+2=5$		جمع +
$3-2=1$		تفریق -
$3*2=6$		ضرب *
$3/2=1.5$	تقسیم چپ بر راست	/
$3\backslash 2=0.67$	تقسیم راست بر چپ	\

مثال:

```
>>5^2
```

```
ans=
```

```
25
```

نکته: ترتیب حق تقدم(از چپ به راست): - + \* \ / ^

برخی از توابع پایه در متلب:

مثال	عملکرد	تابع
<code>fix(3.6)=3</code>	عدد را به سمت عدد صحیح کوچکتر گرد می کند	<code>fix</code>
<code>round(3.6)=4</code>	عدد را به سمت نزدیکترین عدد صحیح گرد می کند	<code>round</code>
<code>ceil(3.1)=4</code>	عدد را به سمت عدد صحیح بزرگتر گرد می کند	<code>ceil</code>
<code>floor(3.9)=3</code>	عدد را به سمت عدد صحیح کوچکتر گرد می کند	<code>floor</code>
	محاسبه لگاریتم طبیعی (پایه e)	<code>log</code>
	محاسبه لگاریتم در پایه 10	<code>log10</code>
<code>exp(6)</code>	محاسبه تابع نمایی	<code>exp</code>
<code>abs(-6)=6</code>	تابع قدر مطلق	<code>abs</code>
<code>angle(3+4i)=0.9273</code>	زاویه فاز یک عدد مختلط را محاسبه می کند	<code>angle</code>
<code>conj(2-3i)=2+3i</code>	مزدوج یک عدد مختلط را محاسبه می کند	<code>conj</code>
		<code>sin</code>
		<code>cos</code>
		<code>tan</code>
		<code>cot</code>
<code>nthroot(27,3)=3</code>	رادیکال یک عدد با فرجه دلخواه را محاسبه می کند	<code>nthroot</code>

```
>>sin(30)
ans = -0.9880
```



```
>> sin(30*pi/180)
ans =
0.5000
```

**نکته:** ورودی توابع مثلثاتی به رادیان هستند. برای تبدیل درجه به رادیان باید عدد را در  $\frac{\pi}{180}$  ضرب کرد.

## ۱-۵- فضای کاری متلب Work Space

متغیرهایی که در محیط متلب ایجاد می شوند در بخشی از حافظه بنام محیط کاری متلب ذخیره می گردند. فضای کاری برنامه های اسکریپت متلب با فضای کاری متلب یکسان است. یعنی اگر تغییری در محیط متلب تعریف شده باشد در یک برنامه اسکریپت می توان از آن استفاده کرد و برعکس. اما برنامه های تابعی متلب دارای فضای کاری مختص به خود هستند و متغیرهای آنها در فضای کاری متلب وارد نمی شود.

نکاتی در مورد فضای کاری متلب:

### ۱-۵-۱- زمان اعتبار متغیرها

متغیرهایی که در فضای کاری تعریف می شوند تنها در دو حالت زیر از حافظه پاک خواهند شد:

■ خروج متلب

■ استفاده از دستور clear :

>> clear            تمامی متغیرها از حافظه پاک می شوند

>> clear a b c      تنها متغیرهای نامبرده شده از حافظه پاک می شوند

### ۱-۵-۲- دستورات who و whos

با استفاده از این دو دستور می توان اسامی (و مشخصات) متغیرهای موجود در فضای کاری را بدست آورد.

>> who

Your variables are:

a b c

>> whos

Name	Size	Bytes	Class
a	1x1	8	double array
b	1x1	8	double array
c	1x1	8	double array

یادآوری: پنجره workspace نیز مشخصات متغیرهای موجود در فضای کاری را مانند دستور whos نشان می دهد.



## ۱-۵-۳- ذخیره و بازیابی متغیرها- دستورات save و load:

در صورتیکه بخواهیم پس از خروج از محیط متلب همه یا بعضی از متغیرهای موجود در فضای کاری برای استفاده های بعدی ذخیره گردند از دستور save استفاده می کنیم. با دستور load می توان متغیرهای ذخیره شده را به فضای کاری بازگرداند.

مثال:

```
>>a=5; b=4; c=7;
```

```
>>save c:\myfile.mat a c;
```

```
>>clear
```

همه متغیرها پاک می شوند

```
>>a
```

Undefined function or variable 'a'

```
>> load c:\myfile.mat
```

```
>>a
```

```
a=
```

```
5
```

```
>>b
```

Undefined function or variable 'b'

در صورتیکه اسم فایل نوشته نشود. فایل پیش فرض matlab.mat مورد استفاده قرار خواهد گرفت و در صورتیکه نام متغیرها نوشته نشود تمامی متغیرهای موجود در فضای کاری ذخیره و یا تمامی متغیرهای ذخیره شده در فایل بازیابی میشوند.

## ۱-۶-۱ فایل‌های متنی (Script) یا فایل‌های m

بمنظور اجرای چند دستور بطور همزمان و بدون نیاز به تایپ مجدد، از فایل‌های متنی استفاده می‌شود.

این فایلها باید دارای پسوند m باشند.

## ۱-۶-۱-۱ مراحل ایجاد فایل‌های متنی

۱. باز کردن یک فایل جدید در ویرایشگر متلب:

File>New>m-file

۱. تایپ کردن دستورات متلب در فایل مذکور

۲. ذخیره کردن فایل با نامی مشخص:

File>Save As...

## ۱-۶-۲ روش اجرای یک فایل متنی

برای اجرای یک فایل متنی کافی است نام آنرا در جلوی اعلان متلب تایپ کرده کلید Enter را بزنیم.

نکته: از این پس متن برنامه‌ها (کد نوشته شده در فایل‌های m) با رنگ سبز نشان داده خواهد شد.

مثال: برنامه sample1.m

```
% sample1: A Simple m-file
```

```
n=10;a=2;b=4;
```

```
c=n*a^3/b + 3*n*a^2/b^2+6*n*a/b^3
```

```
-----  
c=29.3750
```

## ۱-۶-۳- توابع و دستورات مفید در فایل‌های m

۱. تابع `disp(x)`: این تابع مقدار یک متغیر یا یک رشته متنی را نمایش می‌دهد.

مثال:

```
>> n=10;
```

```
>>disp(n)
```

```
10
```

```
>> disp('This is a string')
```

```
This is a string
```

۲. تابع `x=input(s)`: برای گرفتن مقدار یک متغیر از ورودی.

مثال:

```
n=input('Please enter a number')
```

```
-----
```

```
Please enter a number: 10
```

```
n= 10
```

# فصل دوم:

## آرایه ها در MATLAB

## ۲-۱- ایجاد آرایه

روشهای ایجاد آرایه:

۱. با استفاده از علائم ; , و [ ]

۲. با استفاده از علامت :

۳. با استفاده از توابع linspace

۴. با استفاده از ترکیبی از روشهای فوق

## ۲-۱-۱- ایجاد آرایه با استفاده از علائم ; , و [ ]

از علامت ; برای تعیین سطر جدید و از علامت , برای تعیین ستون جدید استفاده می شود.

مثال:

```
>> a=[1,2,3;4,5,6]
```

```
a=
```

```
1 2 3
```

```
4 5 6
```

```
>> b=[1,2,3,4,5,6]
```

```
b=
```

```
1 2 3 4 5 6
```

نکته: بجای علامت ; از enter و بجای علامت , از فاصله خالی نیز می توان استفاده کرد.

مثال:

```
>> c=[1 2,3
```

```
4 5 6;7 8,9]
```

```
c=
```

```
1 2 3
```

```
4 5 6
```

```
7 8 9
```

۲-۱-۲- ایجاد آرایه با استفاده از علامت “:”

در مواقعی که عناصر یک آرایه رابطه خطی با یکدیگر داشته باشند از این روش می توان استفاده کرد.

شکل کلی دستور بصورت زیر است:

*ArrayName=first : step : last*

- اگر step حذف شود، مقدار ۱ بجای آن بکار خواهد رفت.

- اگر last کوچکتر از first باشد، باید step منفی باشد. در غیر اینصورت مقدار آرایه تهی خواهد شد.

مثال:

```
>> x=(0 : 0.1 : 1) * pi;
```

```
>> y=sin(x);
```

```
>>z=1:5
```

```
z=
```

```
1 2 3 4 5
```

```
>>t=5:1
```

```
t =
```

```
Empty matrix: 1-by-0
```

## ۲-۱-۳- ایجاد آرایه با استفاده از توابع linspace

با ارائه عناصر اول و آخر و طول آرایه به این توابع می توان آرایه هایی خطی و یا لگاریتمی بدست آورد.

$$\text{ArrayName}=\text{linspace}(\text{first},\text{last},\text{length})$$

مثال:

```
>>x=linspace(1,3,6)
```

```
x=
```

```
1 1.4 1.8 2.2 2.6 3
```

## ۲-۱-۳- ایجاد آرایه با استفاده از ترکیبی از علائم فوق

مثال:

```
>> x=[0,1,2, 4:2:12 ,18,19]
```

```
x=
```

```
0 1 2 4 6 8 10 12 18 19
```

```
>> y=[10,1,7,4,6,-1 ; linspace(0,10,6) ; 5:-1:0]
```

```
y=
```

```
10 1 7 4 6 -1
```

```
0 2 4 6 8 10
```

```
5 4 3 2 1 0
```

## ۲-۱-۴- ماتریسهای ویژه

- `[]`: ماتریس تهی
- `eye`: یک ماتریس هممانی با ابعاد داده شده ایجاد می کند (ماتریس قطری با درآیه های یک)
- `ones`: یک ماتریس که تمامی عناصر آن یک می باشند با ابعاد داده شده ایجاد می کند
- `zeros`: یک ماتریس صفر با ابعاد داده شده ایجاد می کند
- `rand`: یک ماتریس تصادفی به ابعاد داده شده با عناصر بین صفر و یک تولید می کند

مثال:

```
>>ones(2,3)
```

```
ans =
```

```
1 1 1
```

```
1 1 1
```

```
>>ones(2)
```

```
ans =
```

```
1 1
```

```
1 1
```

## ۲-۲- عملیات ریاضی بر روی آرایه ها

۱. عملیات اسکالر-آرایه: `*, \, /, ^, +, -`۲. عملیات عنصری: `*, \, /, .^, .+, .-`۳. عملیات ماتریسی: `*, \, /, ^, +, -`



## ۲-۲-۱- عملیات ریاضی اسکالر-آرایه:

با استفاده از عملگرهای ریاضی متلب براحتی می توان عملیات ریاضی اسکالر-آرایه را انجام داد.

مثال:

```
>> x=[1 2 3;4 5 6; 7 8 9];
```

```
>> y=2*x + 4
```

```
y=
```

```
6 8 10
```

```
12 14 16
```

```
18 20 22
```

## ۲-۲-۲- عملیات ریاضی عنصری بین دو آرایه:

بدین منظور باید دو آرایه حتما هم بعد باشند.

مثال:

```
>> a=[2 4 6; 3 5 6; 10 -1 0];
```

```
>> b=[-1 0 0; 2 1 1; 0 0 3];
```

```
>> c= (2*a ./ (b+1)) .^ 2
```

```
c =
```

```
Inf 64 144
```

```
4 25 36
```

```
400 4 0
```

## ۲-۳- ترانهاده یک ماتریس:

برای محاسبه ترانهاده یک ماتریس از علامت ' استفاده می شود.

مثال:

```
>> a=[2 1 7
```

```
4 5 -1
```

```
6, 6, 0];
```

```
>>b=a'
```

```
2 4 6
```

```
1 5 6
```

```
7 -1 0
```

## ۲-۳- معکوس یک ماتریس:

برای محاسبه معکوس یک ماتریس از تابع `inv` استفاده می شود.

مثال:

$$\begin{cases} 4x+3y=5 \\ 2x-3y=7 \end{cases}$$

```
>>inv(A)*b
```

```
ans=
```

```
2
```

```
-1
```

## ۲-۴- بکاربردن توابع ریاضی بر روی آرایه ها

توابع متلب بصورت ماتریسی عمل می کنند. یعنی لازم نیست تابعی مانند `sin` را یک به یک بر روی عناصر یک آرایه اعمال کرد. بلکه براحتی می توان با یک دستور مقدار سینوس کل عناصر آرایه را محاسبه نمود.

مثال:

```
>>a=[2 4 6; 3 5 6; 10 -1 0];
```

```
>>SinA=sin(abs(a) / 10)
```

```
SinA =
```

```
0.1987 0.3894 0.5646
```

```
0.2955 0.4794 0.5646
```

```
0.8415 0.0998 0
```

۲-۵- استخراج بخشی از آرایه:

*(آرایه‌ای از اندیس‌ها, آرایه‌ای از اندیس‌ها)*  
 $m2=m1$

مثال:

```
>>a= [ 1 2 3
```

```
4 5 6
```

```
7 8 9];
```

```
>>b=a(2:3,2:3)
```

```
b=
```

```
5 6
```

```
8 9
```

```
>>c=a(:,2)
```

```
c=
```

```
2
```

```
5
```

```
8
```

```
۱۸
```

```
>>c=a(2,:)
```

```
c=
```

```
4    5    6
```

```
>>l=a(1:end,end)
```

```
l=
```

```
3
```

```
6
```

```
9
```

۲-۶- حذف بخشی از آرایه

بمنظور حذف بخشی از یک آرایه می توان ماتریس تهی را به آن بخش نسبت داد:

```
>>a=[1    2    3
```

```
    4    5    6
```

```
    7    8    9]
```

```
>>a(1:2, :) = []
```

```
a=
```

```
7    8    9
```

۲-۷- جستجوی زیرآرایه

بمنظور یافتن عناصری از آرایه که در شرط خاصی صدق می کنند می توان از دستور `find` استفاده کرد (این دستور عناصر را بصورت ستونی شمارش می کند):

```
>>a=[ 1   2   3
      4   5   6
      7   8   9];
```

```
>>k=find( a > 5 )
```

```
k=
```

```
3
```

```
6
```

```
8
```

```
9
```

```
>>b=a(k)
```

```
b=
```

```
7
```

```
8
```

```
6
```

```
9
```

دستور `find` در صورتیکه با دو آرگومان خروجی بکار برده شود، شماره سطر و ستون عناصر را باز می گرداند:

```
>>[k1,k2]=find( a > 5)
```

```
k2=
```

```
1
```

```
2
```

```
3
```

```
3
```

```
k1=
```

```
3
```

```
3
```

```
2
```

```
3
```

## ۲-۸- اندازه آرایه:

با استفاده از دستورات `length` و `size` می توان ابعاد یک آرایه را بدست آورد.

دستور `length` اگر بر روی یک بردار بکار برده شود، تعداد عناصر آنرا باز می گرداند و اگر بر روی یک ماتریس بکار رود، بزرگترین بعد آنرا باز می گرداند.

دستور `size` انعطاف پذیرتر بوده و می تواند به روشهای زیر بکار برده شود:

■ اگر با یک آرگومان ورودی بکار برده شود، طول و عرض ماتریس را باز می گرداند.

■ اگر با دو آرگومان ورودی بکار برده شود، بطوریکه آرگومان دوم ۱ یا ۲ باشد، بترتیب تعداد سطرها یا ستونهای ماتریس را باز می گرداند

■ اگر با یک آرگومان خروجی بکار برده شود، تعداد سطر و ستون ماتریس را در یک بردار سطری دو عنصری باز می گرداند

■ اگر با دو آرگومان خروجی بکار برده شود، تعداد سطر و ستون ماتریس را بترتیب در آرگومان اول و دوم باز می گرداند

مثال:

```
>>a=[1    2    3    4
      5    6    7    8];
```

```
>>size(a)
```

```
ans=
```

```
4    2
```

```
>>c=size(a,2)
```

```
c = 4
```

```
>>r=size(a , 1)
```

```
r=2
```

```
>>[r , c] = size(a)
```

```
r=2
```

```
c= 4
```

مثال:

```
>>b=[1 2 3 4];
```

```
>>l=length(b)
```

```
l=
```

```
4
```

```
>>a=[1 2 3 4
      5 6 7 8];
```

```
>>la=length(a)
```

```
la=
```

```
4
```

۹-۲- چند تابع برای دستکاری آرایه‌ها

■ *flipud*: ماتریس را حول محور افقی ۱۸۰ درجه می‌چرخاند.

■ *fliplr*: ماتریس را حول محور عمودی ۱۸۰ درجه می‌چرخاند

■ *rot90*: ماتریس را در جهت مثلثاتی ۹۰ درجه می‌چرخاند

■ *diag*: در صورتیکه بر روی یک ماتریس بکاربرده شود، قطر اصلی ماتریس را استخراج می‌کند. اما اگر بر

روی یک بردار بکار رود، ماتریسی قطری با عناصر آن بردار می‌سازد

```
>> a=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
```

```
>> b=flipud(a)
```

```
b =
```

```
    7    8    9
    4    5    6
    1    2    3
```

```
>> b=fliplr(a)
```

```
b =
```

```
    3    2    1
    6    5    4
    9    8    7
```

```
>> b=rot90(a)
```

```
b =
```

```
    3    6    9
    2    5    8
    1    4    7
```

```
b =
```

```
    1    3
```

```
    2    4
```

```
>> diag(a)
```

```
ans =
```

```
    1
```

```
    4
```

```
>> d=[1 2 3 4 5 6]
```

```
d =
```

```
    1    2    3    4    5    6
```

```
>> diag(d)
```

```
ans =
```

```
    1    0    0    0    0    0
```

```
    0    2    0    0    0    0
```

```
    0    0    3    0    0    0
```

```
    0    0    0    4    0    0
```

```
    0    0    0    0    5    0
```

```
    0    0    0    0    0    6
```



# فصل سوم:

توابع و عملیات ماتریسی

، منطقی و رابطه ای

## ۳-۱- حل دستگاه معادلات خطی

با استفاده از عملیات ضرب و تقسیم ماتریسی در متلب براحتی می توان دستگاههای معادلات خطی را حتی در مواردی که تعداد معادلات با تعداد متغیرها مساوی نباشند، حل کرد. بدین منظور باید بردار سمت راست معادلات را بر ماتریس ضرایب متغیرها تقسیم کرد.

مثال:

$$\begin{cases} x + 2y + 3z = 366 \\ 4x + 5y + 6z = 804 \\ 7x + 8y = 351 \end{cases}$$

```
>>a=[1 2 3      >>b=[366 ; 804 ; 351];
```

```
    4 5 6
```

```
    7 8 0];
```

```
>>x=a \ b
```

```
x=
```

```
    25
```

```
    22
```

```
    99
```

## ۳-۲- تعدادی از توابع ماتریسی

■ *det*: دترمینان ماتریس را محاسبه می کند

■ *inv*: معکوس ماتریس را محاسبه می کند

■ *trace*: مجموع عناصر قطر اصلی یک ماتریس را باز می گرداند

## عملیات منطقی و رابطه‌ای

□ تعریف: عملیاتی که بر اساس مقادیر منطقی *true* و *false* (یا ۰ و ۱) استوار باشد را عملیات منطقی می‌گویند.

## ۴-۱- عملگرهای رابطه‌ای

عملگرهای رابطه‌ای زیر در متلب تعریف شده‌اند:

کوچکتر	<
بزرگتر	>
کوچکتر مساوی	<=
بزرگتر مساوی	>=
مساوی (برابر)	==
نا مساوی	~=
و	&
یا	

## ۴-۱-۱- مقایسه دو آرایه

با استفاده از عملگرهای رابطه‌ای می‌توان دو آرایه را عنصر به عنصر با یکدیگر مقایسه کرد. به ازای نقاطی که در شرط ذکر شده صدق می‌کنند، مقدار ۱ و به ازای سایر نقاط مقدار ۰ باز گردانده می‌شود.

```
>> a= [1 , 2, 3 , 4 , 5];
```

```
>>b=[10 , 2 , 13 , 4 , 8];
```

```
>>tf=(a == b)
```

```
tf=
```

```
0    1    0    1    0
```

متغیر *tf* یک متغیر از نوع منطقی (*logical*) خواهد بود. یعنی تنها می‌تواند مقادیر ۰ و ۱ را در خود نگهدارد.

۴-۱-۲- مقایسه یک آرایه با یک عدد

در این حالت تمامی عناصر آرایه با یک عدد مقایسه می شوند:

```
>> a = [1 , 2 , 3 ; 4 , 2 , 2 ; 1 , 10 , 0];
```

```
>> t = a >= 2
```

t=

0	1	1
1	1	1
0	1	0

مثال: استخراج عناصری از یک ماتریس که در شرط خاصی صدق می کنند

```
>> a = [1 , 2 , 3 ; 4 , 2 , 2 ; 1 , 10 , 0];
```

a=

1	2	3
4	2	2
1	10	0

```
>> a4 = a .* (a >= 3)
```

a4=

0	0	3
4	0	0
0	10	0

## ۴-۲- عملگرهای منطقی

&	و (ترکیب عطفی)
	یا (ترکیب فصلی)
XOR	یا (مانع جمع)
~	نقیض

مثال:

```
>> a= 1 : 9;
```

```
>> t = a > 3
```

```
0 0 0 1 1 1 1 1 1
```

```
>> f = ~ ( a > 3)
```

```
1 1 1 0 0 0 0 0 0
```

```
>> tf = ( a > 3) & (a <=7)
```

```
0 0 0 1 1 1 1 0 0
```

**مثال:** استاد یک درس می خواهد به دانشجویانی که نمره قبولی گرفته اند ۲ نمره اضافه کند . با استفاده از متلب کمک کنید تا نمرات نهایی زودتر آماده شود:

```
>> marks=[17 15 9 8.5 13.5 16.45 5.75];
```

```
>> final=marks+(marks>=10)*2
```

```
final =
```

```
19.0000 17.0000 9.0000 8.5000 15.5000 18.4500 5.7500
```

**مثال:** اطلاعات یک آزمایش درون محدوده ای از فایل اکسل ثبت شده اند. ستون *TIME* نشان دهنده زمان است و ستون *TEMP* نشاندهنده دما، مشخص کنید که در چه زمانهایی دما بالای ۲۰ درجه و یا زیر صفر درجه بوده است.(این فایل را با نام *test1.xlsx* ایجاد نمایید)

```
clc
s=xlsread('test1.xlsx',1,'B2:C15');
time=s(:,1)
temp=s(:,2)
n=(temp>20 | temp<0)
q=find(n==1)
time(q)
```

	A	B	C
1		TIME	TEMP
2		0	2
3		0.5	6
4		1	5
5		1.5	16
6		2	28
7		2.5	30.5
8		3	23
9		3.5	21
10		4	22.3
11		4.5	28
12		5	-3
13		5.5	-2.5
14		6	7
15		6.5	12
16			

**مثال:** طبق جدول زیر، از فهرست داده شده اطلاعات زیر را بدست آورید:

۱- شماره دانشجویانی که نمره ریاضیشان بالای ۱۶ است.

۲- شماره دانشجویانی که ریاضیشان بالای ۱۶ و فیزیکشان زیر ۱۷ است.

۳- شماره دانشجویانی که ریاضیشان یا فیزیکشان بالای ۱۵ است.

	A	B	C	D	E	F
1				نمره		
2		ردیف	شماره دانشجویی	فیزیک	ریاضی	
3		1	840400	16	12	
4		2	840530	15	13	
5		3	840260	17.5	18	
6		4	840780	13.5	16	
7		5	840290	14.5	17	
8		6	840820	16.7	19.5	
9		7	840462	15	16	
10		8	840268	16	17	
11		9	840119	19	16.5	
12		10	840226	12	11	
13						

```
numbers=xlsread('ex.xlsx',1,'C3:C12');
```

```
physic=xlsread('ex.xlsx',1,'D3:D12');
```

```
math=xlsread('ex.xlsx',1,'E3:E12');
```

شماره اندیس را می دهد ; `a=find(math>16)`

```
numbers(a)
```

```
b=find(math>16 & physic<17);
```

```
numbers(b)
```

```
c=find(math>15 | physic>15);
```

```
numbers(c)
```

# فصل چهارم:

کار بر روی رشته ها

(متن)



## ۴-۱- رشته‌های کاراکتری

برای تعریف رشته‌های کاراکتری در متلب از علامت ' ' استفاده می‌شود:

مثال:

```
>> s='This is a character string';
```

```
>> size(s)
```

```
ans=
```

```
1 26
```

**نکته:** در متلب رشته‌های کاراکتری نیز بعنوان ماتریس شناخته می‌شوند بطوریکه هر کاراکتر یک عنصر ماتریس محسوب می‌شود.

## ۴-۲- نمایش کد اسکی کاراکترها: تابع abs

برای نمایش کد اسکی یک رشته می‌توان از تابع abs متلب استفاده کرد:

```
>> s= 'Hello'
```

```
>> u=abs(s)
```

```
u=
```

```
72 101 108 108 111
```

## ۴-۳- تبدیل کد اسکی به کاراکتر

برای تبدیل کد اسکی به کاراکتر از تابع char استفاده کنید.

```
>> s= 'Hello'
```

```
>> u=abs(s)
```

```
u=
```

```
72 101 108 108 111
```

```
>> sNew=char(u)
```

```
sNew=
```

```
Hello
```

#### ۴-۴- رفتار ماتریسی رشته‌ها

با رشته‌های کاراکتری متلب دقیقا می‌توان مانند ماتریسهای عددی رفتار کرد. مثلا می‌توان عملیات ریاضی را بر آنها اعمال کرد. در اینصورت متلب کد اسکی رشته را مورد استفاده قرار می‌دهد.

مثال: نمایش رشته از آخر به اول

```
>> s= 'Hello'
```

```
>> sInv=s( end : -1 : 1);
```

```
>>disp(sInv)
```

```
olleH
```

#### ۴-۷- گرفتن رشته در حین اجرای برنامه

برای گرفتن یک رشته از ورودی با استفاده از تابع `input` در حین اجرای برنامه دو روش را می‌توان بکار برد:

روش اول روش معمول استفاده از این تابع است. یعنی تابع مذکور را تنها با یک آرگومان ورودی بکار می‌بریم. در اینصورت در حین اجرا، باید رشته را در داخل ' ' قرار داد.

روش بهتر استفاده از تابع `input` با یک آرگومان دوم 's' می‌باشد که در اینصورت متلب ورودی کاربر را بعنوان رشته تلقی می‌کند حتی اگر یک عدد یا نام یک متغیر باشد.

مثال:

```
>>s=input('Please answer Yes or No: ')    روش اول
```

```
Please answer Yes or No: 'No'
```

```
s=
```

```
No
```

```
-----
```

```
>>s=input('Please answer Yes or No: ','s')    روش دوم
```

```
Please answer Yes or No: No
```

```
s=
```

```
No
```

۴-۸- سایر توابع کار با رشته‌ها

*strcmp(s1,s2)* در صورتیکه دو رشته یکسان باشند ۱ و در غیر این صورت ۰ باز می‌گرداند

*upper* تمامی حروف یک رشته را به حروف بزرگ تبدیل می‌کند

*lower* تمامی حروف یک رشته را به حروف کوچک تبدیل می‌کند

*num2str* تبدیل عدد به رشته عددی

*str2num* تبدیل رشته عددی به عدد

*mat2str* تبدیل ماتریسی از اعداد به رشته:

*eval* اجرای فرمانی از متلب که بصورت رشته وارد شده باشد

مثال:

```
>> a=input('Enter <a> value= ');      enter <a> value= 12
```

```
>> disp(['You number is', num2str(a) , ' . Thank you!']);
```

```
Your number is 12 . Thank you!
```

# فصل پنجم:

## تصمیم گیری و کنترل روند

## استفاده از حلقه‌ها و دستورات شرطی در متلب

## ۵-۱-حلقه for:

شکل کلی حلقه for در متلب بصورت زیر است:

عدد پایان : عدد شروع =نام متغیر for

دستورات

end

در اینصورت حلقه فوق به تعداد ستونهای آرایه مشخص شده تکرار خواهد شد و در هر تکرار یکی از ستونهای این آرایه در متغیر X قرار گرفته و در بدنه حلقه قابل استفاده است. در صورتیکه آرایه یک بردار باشد، هر بار یک عنصر از آن در متغیر X قرار خواهد گرفت.

مثال:

A=0;

for n=1:20

A=A+n;

در این مثال اعداد ۱ تا ۲۰ با همدیگر جمع شده و در متغیر A و B قرار می گیرد

End

B=A

A=0;

for n=1:2:20

A=A+n;

در این مثال اعداد فرد ۱ تا ۲۰ با هم جمع شده و در متغیر A قرار می گیرد و خود اعداد نیز نمایش داده می شوند

disp(A)

End

## ۵-۲- حلقه while :

در مواردی که بخواهیم یک یا چند دستور تا برقراری شرط خاصی تکرار گردند از این حلقه استفاده می کنیم. شکل کلی حلقه while بصورت زیر است:

شرط while

دستورات

end

حلقه فوق تا زمانی که شرط ذکر شده برقرار باشد تکرار خواهد شد.

مثال:

```
a=1;
```

```
while a<=10
```

```
    a=a+1;
```

```
    disp(a)
```

```
end
```

```
b=a
```

در این مثال تا زمانی که متغیر a به عدد بزرگتر از ۱۰ نرسیده باشد، حلقه تکرار می شود

## ۵-۳- ساختار if-else-end

هرگاه بخواهیم یک یا چند جمله در صورت برقرار بودن شرط خاصی (یکبار) اجرا شود، از بلوک if استفاده می‌کنیم. شکل کلی استفاده از این دستور بصورت زیر است:

شرط ۱ if

دستورات

شرط ۲ elseif

دستورات

elseif ...

...

else

دستورات

end;

مثال:

if a>10

X=1;

elseif a<5

X=2;

else

X=3;

end

۳۹

در این مثال اگر متغیر a بزرگتر از عدد ۱۰ باشد مقدار X برابر ۱ و در صورتی که a کوچکتر از ۵ باشد مقدار X برابر ۲ و در غیر اینصورت مقدار X برابر ۳ خواهد شد



## ۳-۶- ساختار switch-case

هرگاه بخواهیم به ازای مقادیر مختلف از یک متغیر عملیات مختلفی انجام شود. در این صورت استفاده از ساختار زیر مناسب است.

نام متغیر switch

مقدار ۱ Case

دستورات

مقدار ۲ Case

دستورات

مقدار ۳ Case

دستورات

otherwise

دستورات

end;

**نکته:** با دستور break می توان یک حلقه while یا for را شکست. در اینصورت اجرای برنامه از نخستین دستور بعد از حلقه ادامه خواهد یافت.

مثال: برنامه ای بنویسید که یک ماتریس از کاربر گرفته:

الف - کل ماتریس نمایش داده شود:

ب- اعضای مثبت را نمایش دهد:

ج- اعضای منفی را نمایش دهد:

```

clc
A=input('Please insert Matrix ?');
[m,n]=size(A);
total=m*n;
disp('-All Mtrix for show-----')
% All Mtrix for show
for k=1:total
    str=['Num ' , num2str(k) , ':' , num2str(A(k))];
    disp(str);
end
disp('-Positive Mtrix-----')
% Positive Mtrix
for k=1:total
    if A(k)>0
        str2=['Num ' , num2str(k) , ':' , num2str(A(k))];
        disp(str2);
    end
end
disp('-Negative Mtrix-----')
% Negative Mtrix
for k=1:total
    if A(k)<0
        str3=['Num ' , num2str(k) , ':' , num2str(A(k))];
        disp(str3);
    end
end
end

```

خروجی برنامه:

Please insert Matrix ? [2 3 4 -4 0 -8]

-All Mtrix for show-----

Num 1:2

Num 2:3

Num 3:4

Num 4:-4

Num 5:0

Num 6:-8

-Positive Mtrix-----

Num 1:2

Num 2:3

Num 3:4

-Negative Mtrix-----

Num 4:-4

Num 6:-8

*مثال: قسمت الف برنامه فوق را با حلقه While انجام دهید:*

```

clc
A=input('Please insert Matrix ?');
[m,n]=size(A);
total=m*n;
f=1;
disp('-All Mtrix for show-----')
% All Mtrix for show
while total>0
    str=['Num ' , num2str(f) , ':' , num2str(A(f))];
    disp(str);
    f=f+1;
    total=total-1;
end

```

**مثال:** برنامه ای بنویسید که یک ماتریس را گرفته و بجای اعضای غیر صفر آن صفر گذاشته و به جای صفرها به ترتیب از 1 عددگذاری نماید.

```
clc
A=input('Please insert Matrix ?');
[m,n]=size(A);
total=m*n;
q=0;
for i=1:total
if A(i)~=0
    A(i)=0;
else
    q=q+1;
    A(i)=q;
end
end
disp(A)
```

```
Please insert Matrix ?[2 3 4 -4 0 -8]
           0      0      0      0      1      0
```

**مثال:** برنامه ای بنویسید که  $\sum_{n=1}^m \frac{1}{n}$  را با توجه به مقداری که کاربر برای  $m$  تعریف می کند محاسبه کرده و نمایش دهد:

```
clc
m=input('insert final point?');
s=0;
for i=1:m
    s=s+1/i;
end
disp(s)
```

```
insert final point? 5
                2.2833
```

**مثال:** برنامه ای بنویسید که جدول ضرب 1 تا 5 را در یک ماتریس ایجاد و نمایش دهد:

```
clc
n=0;
for i=1:5
    for j=1:5
        n(i,j)=i*j;
    end
end
disp(n)
```

```
1      2      3      4      5
2      4      6      8     10
3      6      9     12     15
4      8     12     16     20
5     10     15     20     25
```

**مثال:** برنامه ای بنویسید که زوج بودن یک عدد را بررسی نماید به گونه ای که پس از یکبار اجرا از کاربر بپرسد که آیا می خواهد عدد دیگری را امتحان کند؟ در صورت مثبت بودن پاسخ دوباره عددی از کاربر گرفته و زوج بودنش را بررسی نماید.

```
clc
num=0;
rep='yes';
while rep == 'yes'
    num=input('input 1 number>0=?');
    if mod(num,2)==0
        disp('number is even')
    else
        disp('number is odd')
    end
    rep=input('Try Again? (yes or no) ','s');
end
```

*مثال: برنامه ای بنویسید که نمره داده شده را به معادل حرفی تبدیل نماید.*

A	B	C	D	E	F
20-18	18-16	16-14	14-12	12-10	<10

راه حل اول:

```
n=input('number=?');

status=[n>=18&n<=20   n>=16&n<=18   n>=14&n<=16
        n>=12&n<=14   n>=10&n<=12   n<10];

q=find(status==1);

switch q
    case 1
        disp('A')
    case 2
        disp('B')
    case 3
        disp('C')
    case 4
        disp('D')
    case 5
        disp('E')
    case 6
        disp('F')
end
```

# فصل ششم:

## ایجاد توابع در MATLAB (Function)

## ۶-۱- مزایای استفاده از توابع به جای فایل‌های اسکریپت

۱. سرعت بالاتر

۲. صرفه‌جویی در حافظه کامپیوتر

۳. توسعه توانایی‌های متلب

توابع بر خلاف فایل‌های اسکریپت در هنگام اجرا یکبار کامپایل شده و اجرا می‌شوند. در حالیکه فایل‌های اسکریپت سطر به سطر کامپایل و اجرا می‌گردند. این امر باعث افزایش سرعت اجرای توابع در مقایسه با فایل‌های اسکریپت می‌شود.

متغیرهای تعریف شده در توابع پس از پایان اجرای آن از حافظه پاک می‌شوند و بطور کلی فضای کاری توابع مستقل از فضای کاری متلب است. خصوصاً در مواقعی که برنامه با ماتریسهای بزرگ (مانند تصاویر) کار می‌کند بهتر است از توابع استفاده شود

اکثر دستورات اصلی متلب و جعبه‌ابزارهای آن با استفاده از توابع نوشته شده است. به بیان دیگر به راحتی می‌توان قابلیت‌هایی که در حال حاضر در متلب وجود ندارد را با نوشتن یک مجموعه از توابع به آن افزود. همین امر باعث شده است که در دهه گذشته قابلیت‌های متلب در رشته‌های مختلف علمی و فنی با سرعت چشمگیری توسعه یابد.

## ۶-۳- نحوه ایجاد توابع

تنها تفاوت ظاهری یک تابع و یک فایل  $m$  آن است که سطر اول یک تابع با کلمه کلیدی `function` شروع می‌شود و حتماً نیاز به ورودی دارد که شکل کلی آن بصورت زیر است:

**(ورودی‌ها) نام تابع = خروجی تابع function**

انجام محاسبات بر روی ورودی‌ها

پاسخ نهایی که برای نمایش محاسبه شده = خروجی تابع



## ۴-۶- نکاتی در مورد توابع

- در یک فایل می توان بیش از یک تابع تعریف کرد. در اینصورت تمامی این توابع می توانند یکدیگر را فراخوانی کنند اما تنها نخستین تابع از خارج از این فایل قابل فراخوانی است.
- استفاده از (;) در انتهای تمامی دستوراتی که در تابع نوشته می شود ضروری است.
- متغیرهایی که درون تابع تعریف و یا استفاده می شوند کاملاً داخلی و درونی هستند و در محیط متلب تعریف و شناخته نمی شوند و ارتباطی به Workspace ندارد(در اصطلاح متغیرهای خصوصی یا Private هستند)
- در محیط نوشتن تابع از تمامی ابزارهای برنامه نویسی می توان استفاده کرد تنها چیزی که به آن نیاز ندارید input است. زیرا در همان ابتدای کار ورودی ها توسط کاربر وارد می شوند.
- پس از نوشتن تابع ، در هنگام ذخیره سازی خواهید دید که نام فایل به صورت همان نام تابع شما خواهد بود ، آن را به هیچ وجه تغییر ندهید.
- توابع می توانند بیش از یک خروجی داشته باشند.

**مثال:** تابعی بنویسید با نام *dist* که مختصات دو نقطه را گرفته و فاصله بین آنها را محاسبه کند.

```
function u=dist(x1,y1,x2,y2)
dx=x2-x1;
dy=y2-y1;
u=sqrt(dx^2+dy^2);
```

```
>> dist(1,1,3,3)
ans =
    2.8284
```

**مثال:** تابعی بنویسید با نام *Complete* که یک عدد را گرفته و مشخص کند که آن عدد کامل است یا نه؟  
(راهنمایی: عددی کامل است که مجموع مقسوم علیه هایش با خودش برابر باشد، برای مثال مقسوم علیه های ۶ اعداد ۱، ۲ و ۳ هستند و از آنجا که  $1+2+3=6$  پس ۶ یک عدد کامل است.)

```
function d=Complete(n)
s=0;
for i=1:n-1
    if mod(n,i)==0
        s=s+i;
    end
end
if n==s
    show='Number is Complete!';
else
    show='Number is not Complete!';
end
d=show;
```

```
>> Complete(6)
ans =
Number is Complete!
```

**مثال:** تابعی بنویسید با نام *dist2* که مختصات دو نقطه را گرفته و فاصله و زاویه بین دو نقطه را محاسبه کند.

```
function [u,w]=dist2(x1,y1,x2,y2)
u=sqrt((x2-x1)^2+(y2-y1)^2);
w=atan((y2-y1)/(x2-x1));
زاویه برحسب رادیان بدست آمده
```

```
>> [a,b]=dist2(1,1,3,3)
a =
    2.8284
b =
    0.7854
```

# فصل هفتم:

## نمودارهای دوبعدی

نمودارهای دو بعدی

plot تابع ۱-۷

شکل کلی:

**plot(x1,y1,'رنگ',ترسیم,نقطه,رنگ,x2,y2,'رنگ',ترسیم,نقطه,رنگ,...)**

حروفات نمایش نقطه

	.	نقطه	
	o	دایره	
	x	ضربدر	
	+	علامت اضافه	
	*	ستاره	
	s	مربع	
	d	لوزی	
	^	مثلث (به طرف بالا)	
	v	مثلث (به طرف پایین)	
	>	مثلث (به طرف راست)	
	<	مثلث (به طرف چپ)	
	p	ستاره پنج راسی	
	h	ستاره شش راسی	
	-	خط صاف	
	:	نقطه چین	
	-.	خط نقطه	
	--	خط چین	
	(خالی)	بدون ترسیم خط	

حروفات رنگ در plot

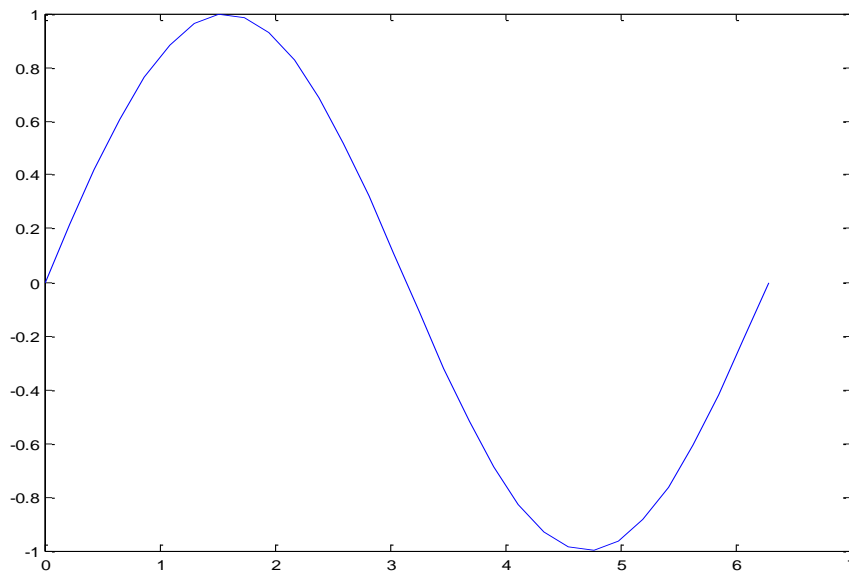
b	آبی
g	سبز
r	قرمز
c	فیروزه ای
m	بنفش
y	زرد
k	مشکی

plot(x,y,'r^:')

مثال:

```
>> x= linspace(0,2*pi , 30); y= sin(x);
```

```
>> plot(x,y);
```

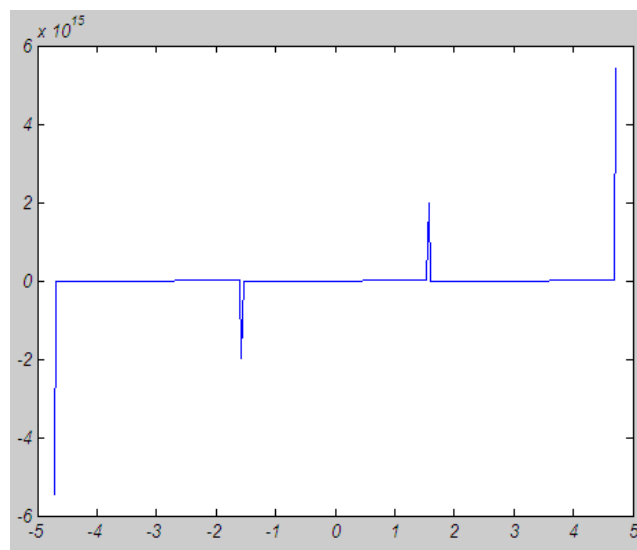


مثال: تابع تانژانت  $x$  را در بازه  $[-\frac{3}{2}\pi, \frac{3}{2}\pi]$  رسم نمایید:

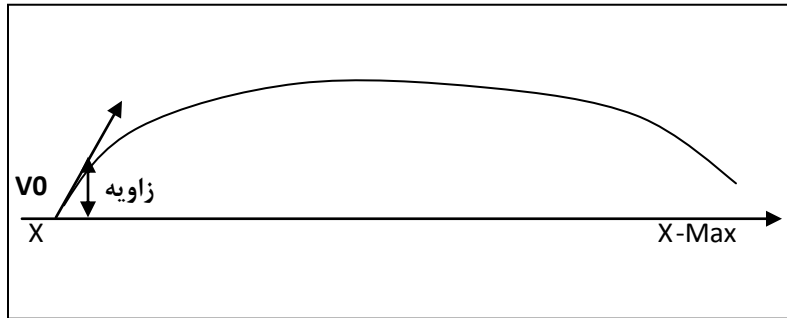
```
>> x=-3*pi/2 : pi/100 : 3*pi/2;
```

```
>> y=tan(x);
```

```
>> plot(x,y)
```



**مثال:** برنامه ای بنویسید که سرعت اولیه و زاویه پرتاب یک گلوله توپ را از کاربر گرفته و نمودار تغییر مکان آن را برحسب زمان رسم کرده و مسیر پیوده شده را محاسبه کند.



اگر پرتابه ای با سرعت  $v_0$  و زاویه  $\theta$  پرتاب شود، با فرمولهای زیر می توان حرکت آن را توضیح داد:

۱- مدت زمانی که طول می کشد تا پرتابه دوباره به زمین برگردد:

$$t_g = \frac{2v_0 \sin \theta}{g}$$

۲- مسافت پیوده شده:

$$x_{max} = v_0 t_g \cos \theta$$

۳- فاصله گلوله از سطح زمین:

$$y(t) = v_0 t \sin \theta - \frac{1}{2} g t^2$$

```

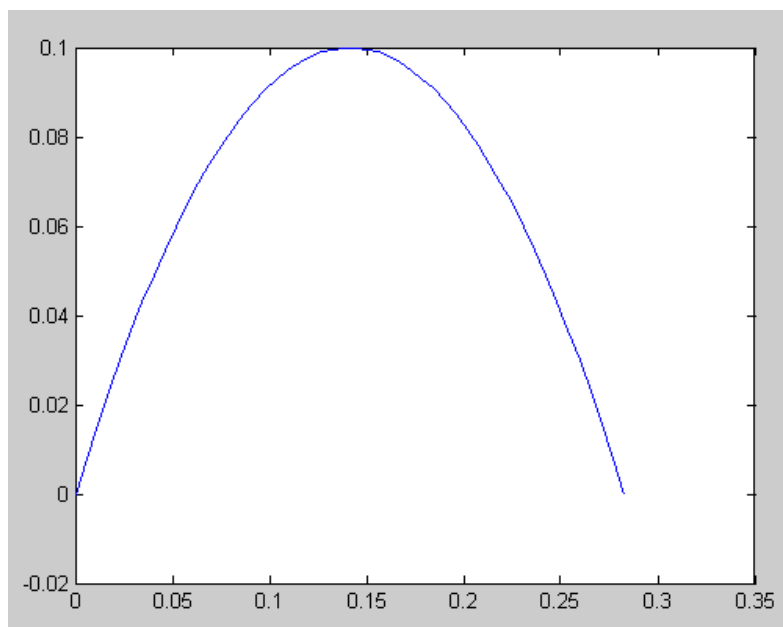
clc
vo=input('initial velocity (Vo)=?');
theta=input('angle =? (Degrees)');
g=input('g=?');
th=theta*pi/180;
tg=2*vo*sin(th)/g;
xmax=vo*tg*cos(th);
tvec=linspace(0,tg,50);
y=vo*sin(th)*tvec-1/2*g*tvec.^2;
disp('tg=')
disp(tg)
disp('xmax is =')
disp(xmax)
plot(tvec,y)

```

```

initial velocity (Vo)=? 2
launch angle =? (Degrees) 45
g=?10
tg=
    0.2828
xmax is =
    0.4000

```



۷-۲- رسم چند نمودار مجزا در یک پنجره شکل

بمنظور تقسیم پنجره شکل به چند بخش می توان از تابع subplot استفاده کرد.

شکل کلی:

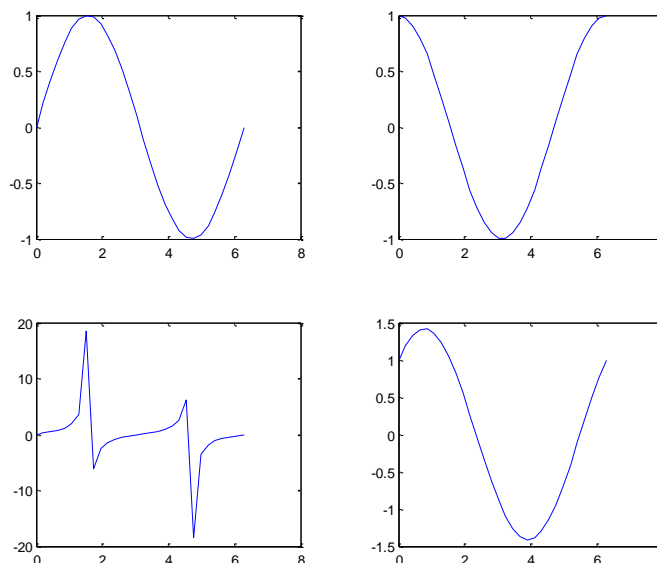
### subplot( m ,n , p)

در این رابطه m تعداد بخشهای افقی، n تعداد بخشهای عمودی و p شماره بخش جاری است. هر دستور ترسیمی بعد از این دستور در مکان p ام اعمال خواهد شد. خانه‌ها بصورت ستونی شمارش می‌شوند.

واضح است که مقدار p باید بین ۱ و  $m*n$  باشد در غیر اینصورت متلب اعلان خطا می‌کند.

مثال:

```
>> x=linspace(0,2*pi,30);
>> subplot(2,2,1);plot(x,sin(x));
>> subplot(2,2,2);plot(x,cos(x));
>> subplot(2,2,3);plot(x,tan(x));
>> subplot(2,2,4);plot(x,sin(x)+cos(x));
```





## ۷-۳- برچسب گذاری محورهای افقی و عمودی و عنوان

بمنظور برچسب گذاری محورها و ایجاد عنوان برای نمودار می توان از توابع `xlabel`, `ylabel`, `title` استفاده کرد.

```
>> xlabel('یک رشته متنی');
```

```
>> ylabel('یک رشته متنی');
```

```
>> title('یک رشته متنی');
```

این دستورات بر روی آخرین نمودار ترسیم شده اعمال میشوند بنابراین بعد از هر دستور `plot` یا دستور ترسیمی دیگر بلافاصله باید از این دستورات استفاده گردد.

## ۷-۴- ایجاد پنجره شکل جدید

بصورت پیش فرض در متلب هر نمودار جدید جایگزین نمودار قبلی در همان پنجره شکل میگردد. در صورتیکه بخواهیم چند نمودار در پنجره های شکل جداگانه ترسیم شوند از دستور `figure` استفاده می کنیم

```
>> figure;
```

این دستور باعث می شود که یک پنجره شکل جدید باز شده و نمودار بعدی در آن پنجره ترسیم گردد.

```
clc
x=[0:10:90];
y=sin(x);
z=cos(x);

figure;
plot(x,y);
title('Sin diagram');
xlabel('x');
ylabel('y');

figure;
plot(x,z);
title('Cos diagram');
xlabel('x');
ylabel('y');
```

## ۷-۵- افزودن متن به نمودار

با استفاده از توابع `text` می توان متنی را به نمودار اضافه کرد:

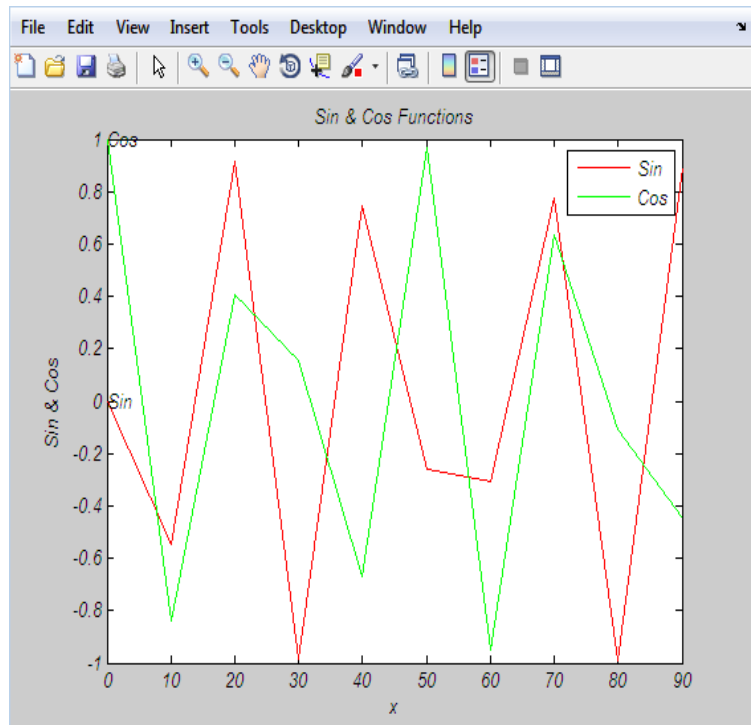
`>> text(x,y,'رشته متنی')`

دستور اخیر اجازه می دهد که ناحیه قرار گیری رشته متنی را بتوان با ماوس انتخاب کرد.

```
clc
x=(0:10:90);
y=sin(x);
z=cos(x);

plot(x,y,'r',x,z,'g');

title('Sin & Cos Functions');
xlabel('x');
ylabel('Sin & Cos');
legend('Sin','Cos');
text(0,0,'Sin');
text(0,1,'Cos');
```

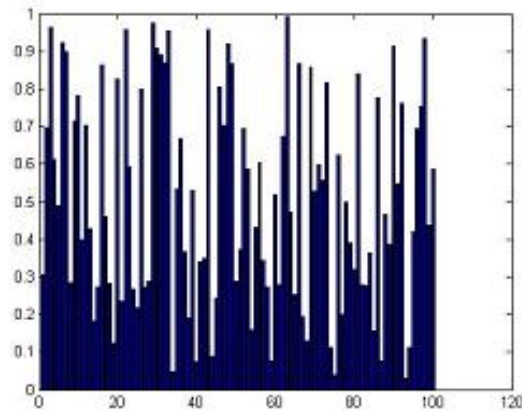


نمودارهای آماری:

Bar نمودار میله ای

این دستور نمودار میله ای یک مجموعه را رسم می کند .

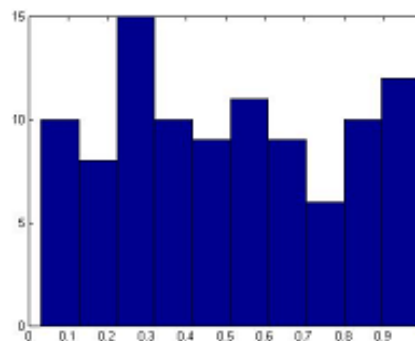
```
>>a=rand(1,100);
>>bar(a)
```



Hist نمودار فراوانی

نمودار هیستوگرام مربوط به مجموعه را رسم میکند .

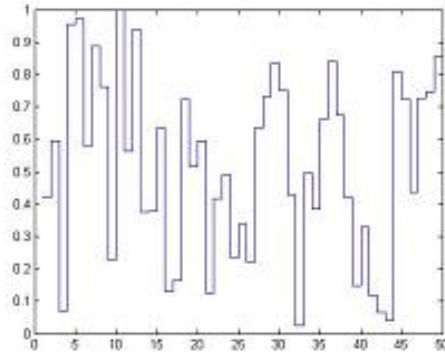
```
>>a=rand(1,100);
>>hist(a)
```



نمودار پله ای

stairs

```
>>a=rand(50,1);  
>>stairs(a)
```



# فصل هشتم:

چند جمله ای ها

۸-۱- تعریف یک چندجمله‌ای در متلب

در متلب یک چند جمله‌ای توسط یک بردار سطری تعریف می‌شود.

$$p = x^2 + 2x - 3 \quad \text{مثال:}$$

```
>>p=[1 2 -3]
```

۸-۲- یافتن ریشه‌های چند جمله‌ای

با استفاده از تابع roots می‌توان ریشه‌های یک چند جمله‌ای را بدست آورد:

مثال:

```
>> r= roots(p)
```

```
p=
```

```
-3
```

```
1
```

۸-۳- یافتن یک چندجمله‌ای با استفاده از ریشه‌هایش

با استفاده از تابع poly می‌توان یک چند جمله‌ای را از روی ریشه‌هایش بدست آورد.

**نکته:** بر خلاف خود چندجمله‌ای ریشه‌های چند جمله‌ای باید بصورت یک بردار ستونی تعریف شوند.

مثال:

```
>> r=[-3,1,4]
```

```
>> p=poly(r)
```

```
p =
```

```
1 -2 -11 12
```

$$p = x^4 - 2x^3 - 11x^2 + 12$$

## ۸-۴- ضرب چند جمله‌ایها

بمنظور ضرب دو چند جمله‌ای می‌توان از تابع `conv` استفاده کرد.

مثال:

```
>> a= [1 2 3 4]; b= [1 4 9 16];
```

```
>> c= conv(a , b)
```

```
c=
```

```
1 6 20 50 75 84 64
```

## ۸-۵- جمع و تفریق چندجمله‌ایها

برای اینکه بتوان دو بردار را با یکدیگر جمع یا تفریق کرد باید آن دو بردار هم طول باشند. لذا در صورت لزوم باید ضرایبی که تنها در یکی از چند جمله‌آیها وجود دارد را در چند دوم برابر با صفر قرار داد تا دو چند جمله‌ای هم طول شوند.

مثال:

```
>>p1= [4 5 3 2]
```

```
>>p2= [0 5 2 0]
```

```
>>p_sum=p1+p2
```

```
p_sum=
```

```
4 10 5 2
```

## ۸-۶- تقسیم چند جمله‌ایها

با تابع `deconv` می‌توان دو چندجمله‌ای را بر یکدیگر تقسیم کرد. این تابع دو آرگومان خروجی می‌گیرد که اولی خارج قسمت و دومی باقیمانده تقسیم خواهد بود.

```
>>a=[ 1 2 3 4 5 6];
```

```
>> b=[ 2 3 4];
```

```
>> [q , r] = deconv( a , b )
```

```
q =
```

```
0.5000 0.2500 0.1250 1.3125
```

```
r =
```

```
0 0 0 0 0.5625 0.7500
```

## ۱۰-۷- مشتق چندجمله‌ای

با استفاده از تابع `polyder` می‌توان مشتق یک چند جمله‌ای را بدست آورد

مثال:

```
>> g = [1 6 20 48 69 72 44]
```

```
>> h= polyder(g)
```

```
h=
```

```
6 30 80 144 138 72
```



## ۱۰-۸- محاسبه چندجمله‌ای

بمنظور محاسبه مقادیر چندجمله‌ای در یک یا چند نقطه از تابع polyval می‌توان استفاده کرد.

```
>>a=[1 2 3];
>> polyval(a,2)
```

```
Ans=
11
```

معادله  $x^2+2*x+3$  به ازای  $x=2$  محاسبه شده است.

## متغیرهای پارامتری:

از ابتدای جزوه تا اینجا با توابع عددی و متغیرهای عددی سروکار داشتیم. اما بسیاری از محاسبات ریاضی بصورت پارامتری انجام می‌شود.

برای تعریف یک متغیر حرفی از دستور sym استفاده می‌شود. روش استفاده از آن برای دو متغیر X و Y بصورت زیر است:

```
>> x= sym('x');
```

```
>>y= sym('y');
```



```
>> syms x y
```

## ۱۱-۸- حد چندجمله‌ای های پارامتری

برای محاسبه چند جمله‌ای از تابع limit استفاده می‌شود:

*Limit (نقطه محاسبه حد, متغیر حدگیری, عبارت پارامتری)*

مثال:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$  را محاسبه نمایید:

```
>> limit (sin(x)/x,x,0)
```

```
ans=1
```

نکته: اگر حد دارای صورتهای مبهم باشد متلب خود مراحل رفع ابهام را انجام می دهد:

```
>> x=sym('x');
>>limit(1/x,x,+inf)
ans=0
```

۱۲-۸- مشتق چندجمله ای های پارامتری

*diff* (مرتبه مشتق , متغیر مشتق گیری , عبارت پارامتری)

```
>> x=sym('x');
r=1*x^3+6*x^2+20*x+48;
>> diff(r,x,1)
ans =
3*x^2 + 12*x + 20
>> diff(r,x,2)
ans =
6*x + 12
```

۱۳-۹- انتگرال چندجمله ای های پارامتری

با استفاده از تابع `polyint` می توان انتگرال یک چند جمله ای را بدست آورد

*int* (حد بالا , حد پایین , متغیر انتگرال گیری , عبارت پارامتری)

مثال:

```
>> x=sym('x');
```

```
>> int(x^2,x)
```

```
ans =
```

```
x^3/3
```

---

```
>> syms x;
```

```
>> b=int(sin(x),x,pi/2,pi)
```

```
b =
```

```
1
```

---

```
>> syms w;
```

```
>> int(exp(w),w,0,2)
```

```
ans =
```

```
exp(2) - 1
```

۱۴-۹-تابع solve:

از این تابع پرکاربرد برای حل معادلات استفاده می شود یعنی این تابع عبارت پارامتری را برابر صفر قرار داده و آن را برحسب متغیر داده شده حل می کند.

**Solve**(نام متغیر , عبارت پارامتری)

مثال:

```
>> solve (2*x+8,x)
```

```
ans=-4
```

```
>> solve(x^2*y-5*y+6,y)
```

```
ans=
```

```
-6 / (x^2 - 5)
```

# فصل نهم:

## برازش منحنی و درونیابی

## ۹-۱- برازش منحنی - تابع polyfit

با استفاده از تابع polyfit می توان بهترین منحنی گذرنده از چند نقطه را بدست آورد. این تابع چند جمله ای معرف منحنی فوق را بعنوان آرگومان خروجی باز می گرداند. شکل کلی استفاده از این تابع بصورت زیر است:

$$P = \text{polyfit}(x, y, n)$$

که در این رابطه،  $x$  و  $y$  نقاط معلوم و  $n$  درجه چندجمله ای مطلوب است.

مثال:

```
>> x= [ 1 2 5 7]; y=[10 22 48 75];
```

```
>> p= polyfit(x,y,1)
```

```
p= 10.45 -0.4396
```

مثال:

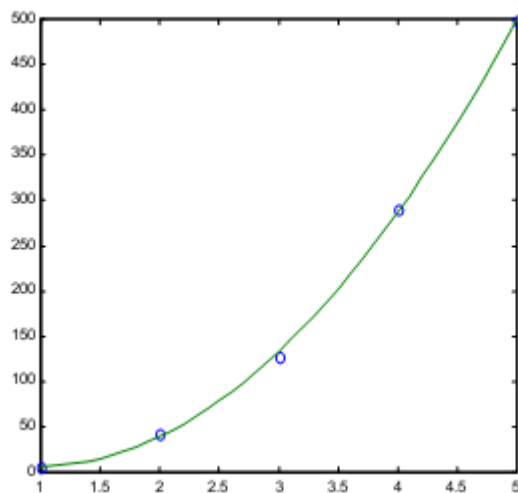
```
» x=[1 2 3 4 5];  
» y=[5.5 43.1 128 290.7 498.4];
```

دستور زیر ضرایب بهترین چند جمله ای درجه سوم را محاسبه می کند که از بین نقاط فوق می گذرد:

```
» p=polyfit(x,y,3)  
p =  
-0.1917 31.5821 -60.3262 35.3400
```

حال می توانید برای مقایسه منحنی محاسبه شده و داده های اولیه را در یک نمودار رسم کنید:

```
» x2=1:1:5;  
» y2=polyval(p,x2);  
» plot(x,y,'o',x2,y2)
```



## ۹-۲- درونیابی یک بعدی: تابع interp1

تفاوت درونیابی با برازش آن است که در برازش منحنی لزوماً خود نقاط اولیه بر روی منحنی برازش شده قرار ندارند اما در درونیابی، نقاط اولیه جزیی از منحنی مورد استفاده برای درونیابی می‌باشند. شکل کلی استفاده از تابع interp1 بصورت زیر است:

**`y_new = interp1(x, y, x_new, ['method'])`**

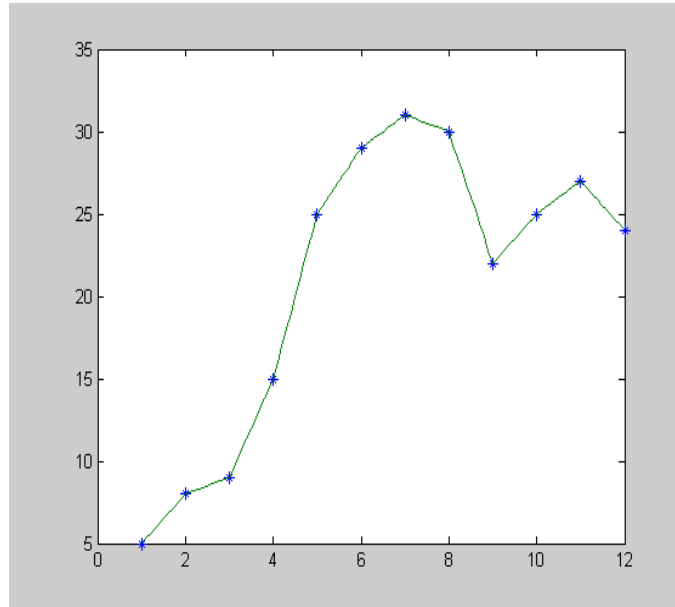
که در این رابطه  $x, y$  نقاط اولیه،  $x_{new}$  مقادیری از  $x$  است که باید مقادیر  $y$  آن درونیابی شوند و  $y_{new}$  مقادیر درونیابی شده می‌باشند. `method` می‌تواند یکی از مقادیر زیر باشد:

'nearest', 'linear', 'spline', 'pchip', 'cubic', 'cubic5v'

مثال:

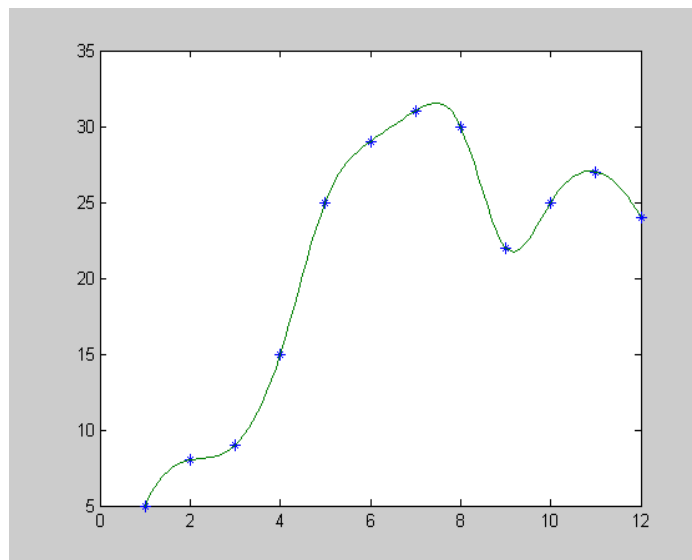
```
>> h = 1:12;
>> temps = [5 8 9 15 25 29 31 30 22 25 27 24];
>> plot ( h, temps); % عملاً درونیابی خطی بکار برده می‌شود
>> h_new=1.5;
>> t_new = interp1(h , temps , h_new)
t_new=
    6.5;
>> h_new2 = 1: 0.1 : 12;
>> t_new2 = interp1(h , temps , h_new2);
>> plot( h, temps , '*' , h_new2 , t_new2);
```





```
>> t_spline = interp1(h , temps , h_new2 , 'spline');
```

```
>> plot(h , temps , '*' , h_new2 , t_spline);
```



## ۳-۹- درونیابی دو بعدی: تابع interp2

شکل کلی استفاد از تابع:

$$z\_new = \text{interp2}(x, y, z, x\_new, y\_new, ['method'])$$

method می تواند یکی از مقادیر زیر باشد:

'nearest', 'linear', 'spline', 'cubic'

مثال:

&gt;&gt; w=1:5; d=1:3;

&gt;&gt; t = [82 81 80 82 84

79 63 61 65 81

84 84 82 85 86];

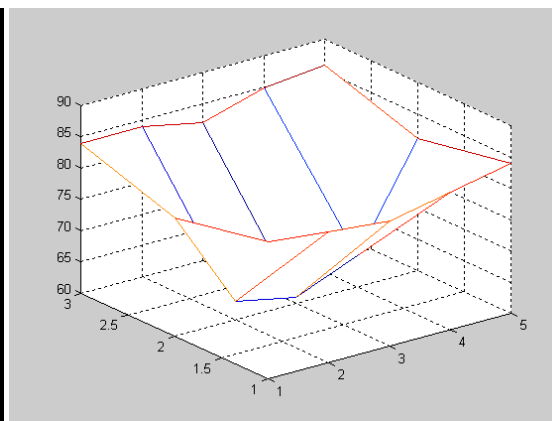
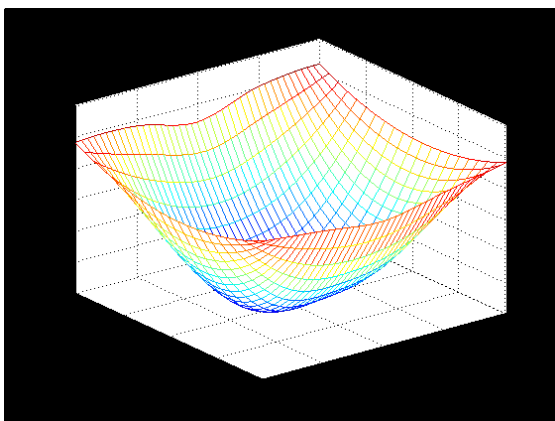
&gt;&gt; w\_new = 1:0.1:5;

&gt;&gt; d\_new = 1:0.1:3;

&gt;&gt; t\_new = interp2(w, d, t, w\_new, d\_new, 'cubic');

&gt;&gt; mesh(w,d,t);

&gt;&gt; figure;mesh(w\_new,d\_new,t\_new)



# فصل دهم:

## نمودارهای سه بعدی

## ۱۰-۱- خمهای فضایی - تابع plot3

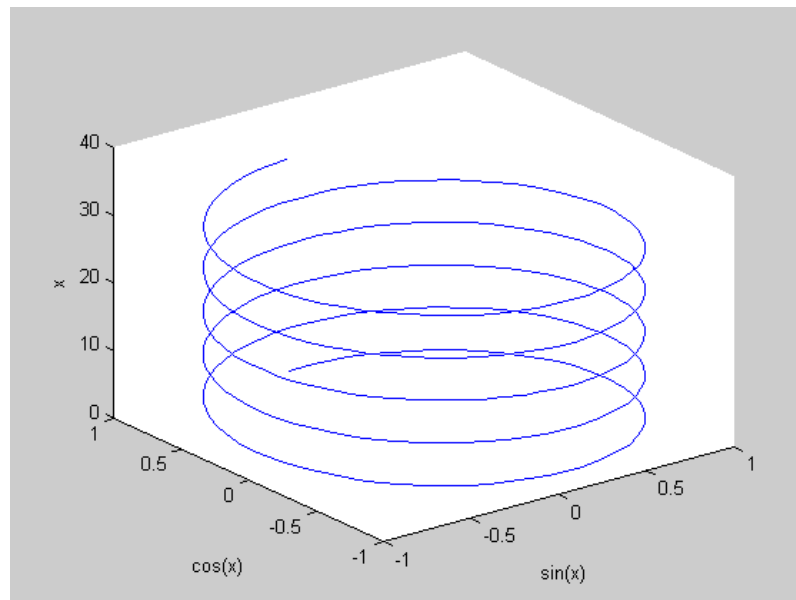
با استفاده از تابع plot3 در متلب می توان یک منحنی را در فضای سه بعدی ترسیم کرد. روش استفاده از این تابع بسیار شبیه تابع plot است. جز اینکه بازای هر منحنی به سه بردار هم طول نیاز است.

مثال: رسم یک فنر با شعاع برابر با یک:

$$\begin{cases} x=t \\ y=\sin(t) \\ z=\cos(t) \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$

```
>>t=0: pi/50:10*pi;
```

```
>>plot3(sin(t) , cos(t) , t); xlabel('sin(x)'); ylabel('cos(x)'); zlabel('x')
```



## ۱۰-۲- تغییر زاویه دید

با استفاده از دکمه فشاری Rotate 3D بر روی هر پنجره شکل متلب و یا با استفاده از دستور view می توان زاویه دید را تغییر داد. همچنین در منوی Tools با استفاده از زیرمنوهای Camera Motion می توان در فضای سه بعدی حرکت کرد.

شکل کلی استفاده از دستور view بصورت زیر است:

**view([az , el])**

که در این رابطه az و el بترتیب زاویه دوربین نسبت به صفحه XY و بخش منفی محور Y است.

## ۱۰-۳- نمودارهای شبکه‌ای: توابع mesh, meshc, meshz

با استفاده از این توابع می توان سطوح شبکه‌ای (یا توری) ایجاد کرد. شکل کلی استفاده از تابع mesh بصورت زیر است:

**mesh(x,y,z)**

که در این رابطه Z تابعی دو متغیره از متغیرهای X و Y می باشد. بنابراین لازم است که Z یک ماتریس دو بعدی باشد که تعداد سطرهای آن برابر با تعداد عناصر Y و تعداد ستونهایش برابر با تعداد عناصر X باشد. X و Y باید بردار باشند اگرچه می توانند ماتریسهایی هم بعد نیز باشند بدینصورت که بردار X به تعداد عناصر بردار Y بصورت سطری تکرار شود و بردار Y به تعداد عناصر X بصورت ستونی تکرار گردد. که در اینصورت دو ماتریس هم بعد خواهیم داشت. تابع meshgrid می تواند این عمل را انجام دهد:

**[x\_new,y\_new]=meshgrid(x,y);**

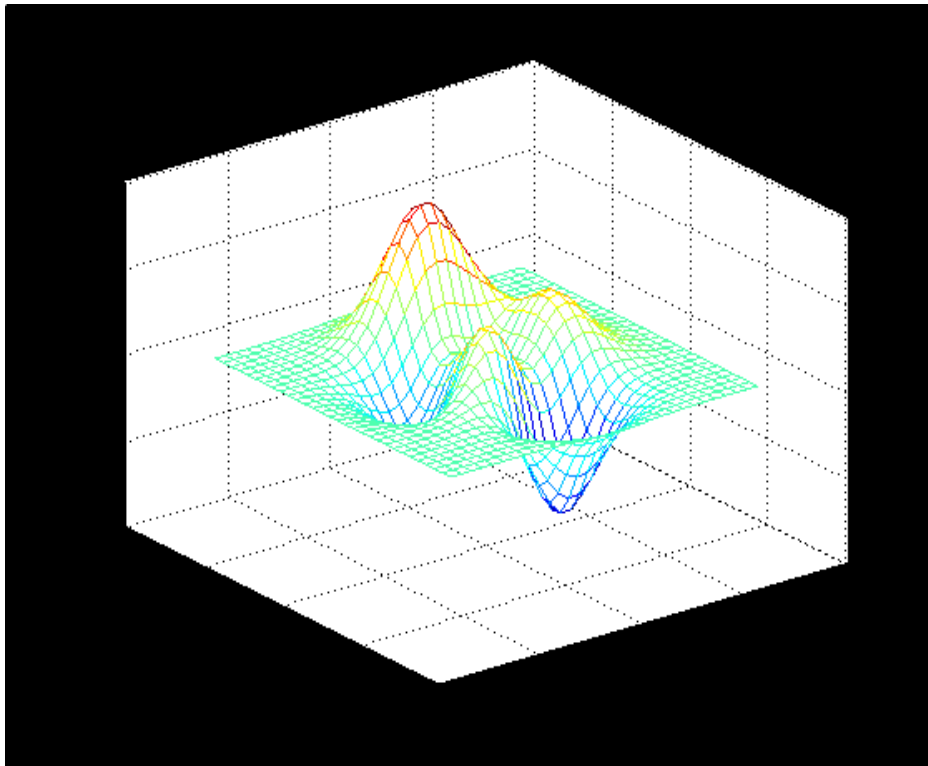
تابع meshc علاوه بر نمودار شبکه‌ای، نمودارهای تراز را نیز رسم می کند.

تابع meshz دیواره‌هایی را در پایین نمودار به سمت صفحه X-Y رسم می کند.

**مثال:** تابع *peaks* یکی از توابع متلب است که یک مدل ریاضی از پیش تعریف شده را ایجاد می کند:

```
>> [x,y,z]= peaks(30);
```

```
>> mesh(x,y,z);
```



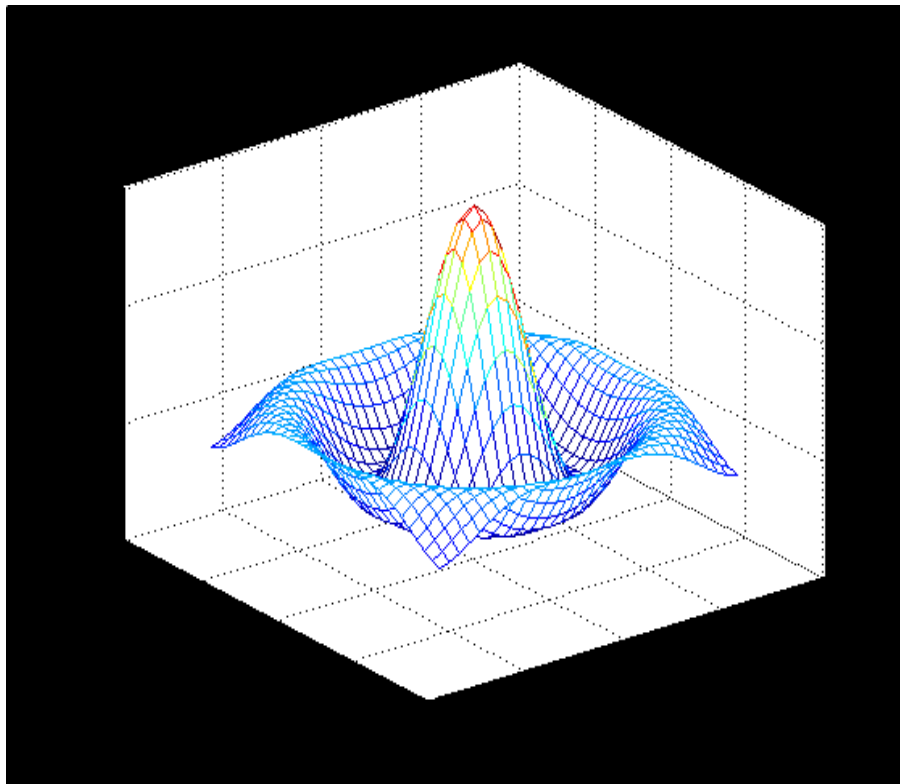
مثال: رسم یک تابع دو بعدی به فرمول  $z = \sin(r)/r$  که  $r = \sqrt{X^2 + Y^2}$

```
>>x=-7.5: 0.5: 7.5; y=x;
```

```
>> [x_new,y_new]=meshgrid(x,y);
```

```
>> r = sqrt(x_new.^2 + y_new.^2) + eps;
```

```
>>z=sin(r) ./ r; mesh(x_new , y_new , z) یا: mesh(x,y,z);
```



موفق و پیروز باشید

*AbbasMohammadiSite.Mihanblog.com*

[oxinauto@gmail.com](mailto:oxinauto@gmail.com)

۰۹۱۶۳۰۷۷۸۶۵